

EX. $y = (x+2)(x-1)^2$

1) $D_f = \mathbb{R}$

2) with (x) axis $\Rightarrow y = 0$, $(x+2)(x-1)^2 = 0$

either $x+2=0 \Rightarrow x = -2 \quad \therefore (-2, 0)$

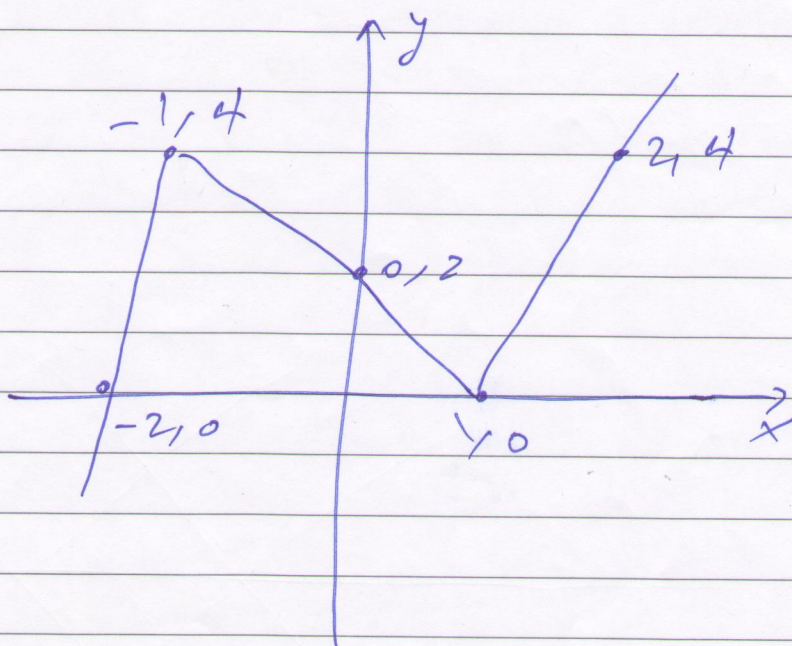
or $(x-1)^2 = 0 \Rightarrow x-1=0 \Rightarrow x=1 \quad (1, 0)$

3) with (y) axis $\Rightarrow x = 0$

$y = (0+2)(0-1)^2 = 2$

$(0, 2)$

x	y
0	2
1	0
-1	4
2	4
-2	0



(2) رسم للدوال العكسية

أولاً نجد أوضاع جبال الدالة

ثانياً نجد المحاذيات

أ. المحاذي العمودي هو أن نضع المقام ونحذف

$$ب. \text{المحاذي الأفقي} = y = \frac{\text{مقام } (x) \text{ من البسط}}{\text{مقام } (x) \text{ من المقام}}$$

تقاط
ثالثاً نجد تقاطع مع المحورين

رابعاً نجد تقاطع إضافية

ملاحظة: الدالة العكسية من الدرجة الأولى لها محاذيات

أما الدالة من الدرجة الثانية لها محاذي واحدة

Ex. $y = \frac{2}{1+x}$

1) $D_f = \mathbb{R} / \{-1\}$

2) $x + 1 = 0 \Rightarrow x = -1$ محاذي عمودي

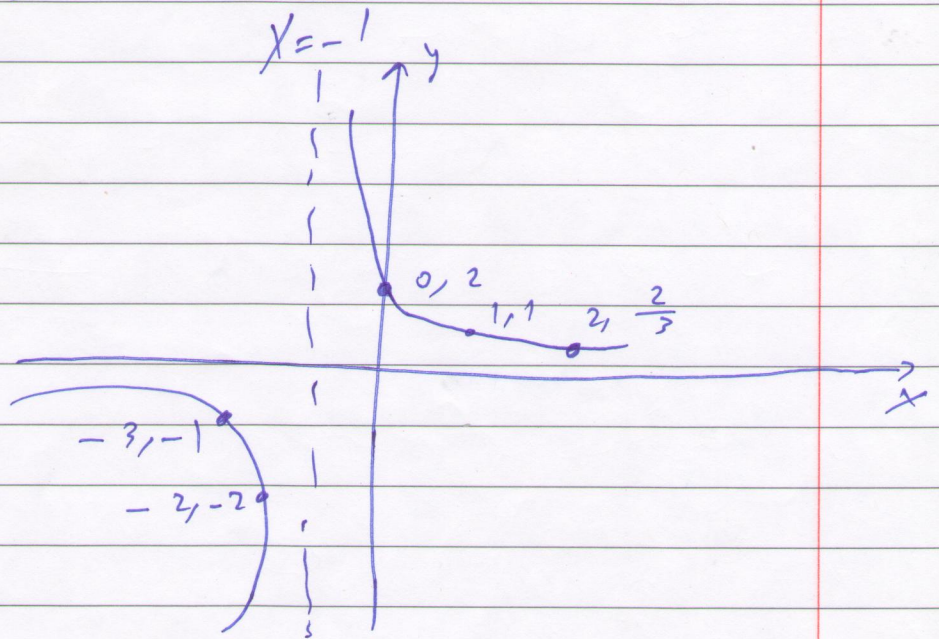
3) $\frac{0}{1} = 0$ المحاذي الأفقي

4) with (x) axis $\Rightarrow y = 0 \therefore \frac{2}{1+x} = 0 \Rightarrow 2 \neq 0$
لذلك لا تقطع محور (x)

5) with (y) axis $\Rightarrow x=0$

$$y = \frac{2}{1+0} = 2 \quad \therefore (0, 2)$$

x	y
0	2
1	1
2	$\frac{2}{3}$
-2	-2
-3	-1



Ex $y = \frac{2+3x}{4+2x}$

1) $D_f = \mathbb{R} / \{-2\}$

2) $4+2x=0 \quad 2x=-4 \quad x=-2$
صور عمودى

3) $(y) = \frac{3}{2}$ محاذى اقصي

4) with (x) axis $y=0$

$$\frac{2+3x}{4+2x} = 0$$

$$\therefore 2+3x=0 \Rightarrow x = -\frac{2}{3}$$

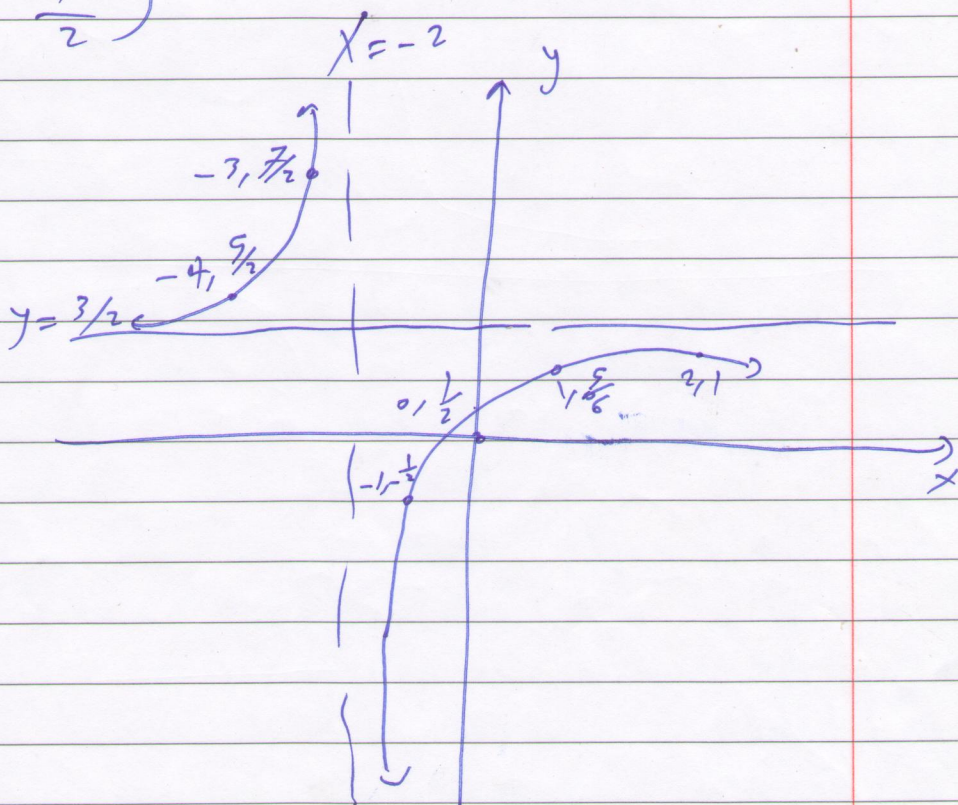
$(-\frac{2}{3}, 0)$

5) with (y) axis $x=0$

$$y = \frac{2+0}{4+0} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore (0, \frac{1}{2})$$

x	y
0	$\frac{1}{2}$
1	$\frac{5}{6}$
-1	$-\frac{1}{2}$
2	1
-3	$\frac{7}{2}$
-4	$\frac{5}{2}$



EX. $y = \frac{x^2}{1+x^2}$

1) $f = R$

2) $1+x^2 = 0$

$$x^2 = -1$$

$$x = \sqrt{-1} \quad \text{و نه افره كن}$$

لا يوجد حاديا حدود

3) $(y) = \frac{1}{1} \Rightarrow y = 1$ المماس في الواقع

4) with (x) axis $y = 0$

$$\frac{x^2}{1+x^2} = 0 \Rightarrow x^2 = 0 \Rightarrow x = 0$$

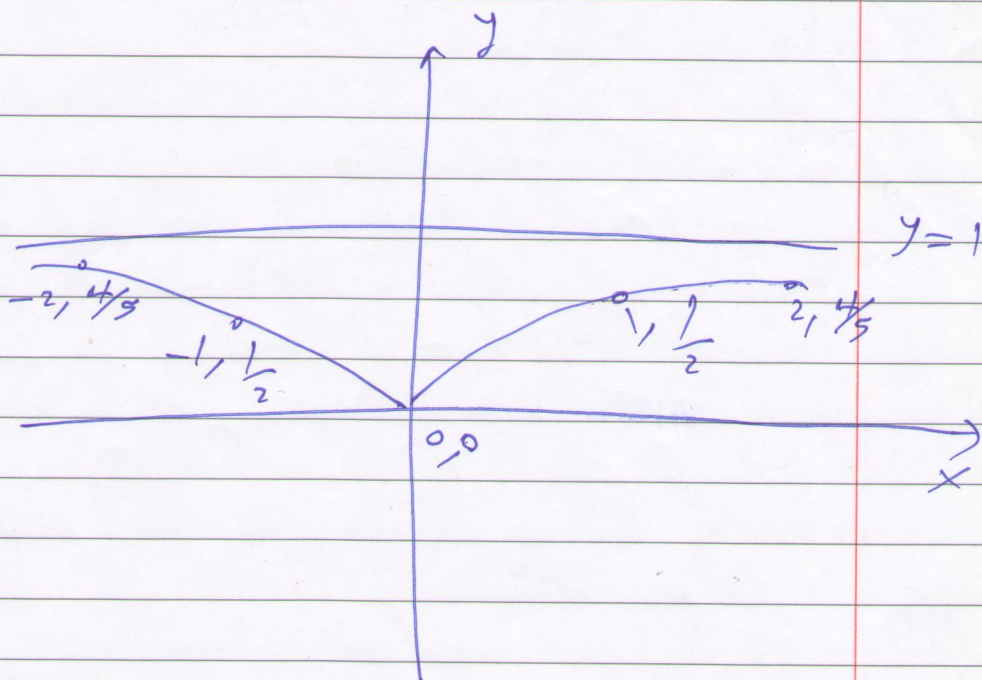
$\therefore (0, 0)$

5) with (y) axis $x = 0$

$$y = \frac{0}{1+0} = \frac{0}{1} = 0$$

$\therefore (0, 0)$

x	y
0	0
1	1/2
-1	1/2
2	4/5
-2	4/5



EX. $y = \frac{1}{x}$

1) $D_f = \mathbb{R} / \{0\}$

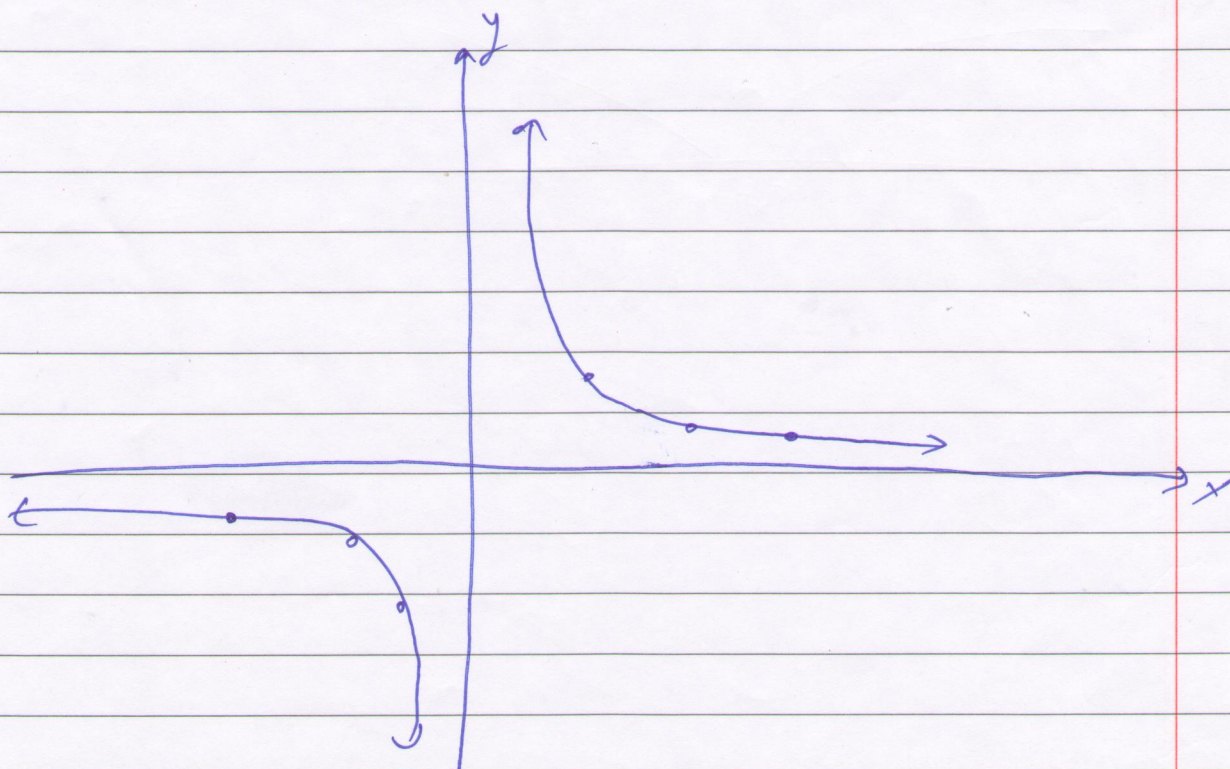
2) $x = 0$ محاذي عمود

3) $(y) \frac{0}{1} = 0 \Rightarrow y = 0$

التي لا تقطع محور (x) ومحور (y) لأنها محاذيان

4

x	y
1	1
2	1/2
3	1/3
-1	-1
-2	-1/2
-3	-1/3



Ex. $y = \frac{1}{1+x}$

1) $D_f = \mathbb{R} / \{-1\}$

2) $x = -1$ محاذي عمودي

3) $y = \frac{0}{1} = 0$ محاذي افقي

4) with (x) axis $y=0 \Rightarrow 1 \neq 0$

$\therefore$ لا تقاطع محور (x) لانه محاذي

5) with (y) axis $x=0 \Rightarrow y=1$

$\therefore (0, 1)$

6)

x	y
0	1
1	1/2
2	1/3
-2	-1
-3	-1/2

